УДК 621.371.25; 550.388.2

### ОГРАНИЧЕНИЯ НА ВЕЛИЧИНУ СКАЧКА И СКОРОСТЬ ПЕРЕСТРОЙКИ ЧАСТОТЫ ИЗ-ЗА РАСПРОСТРАНЕНИЯ СИГНАЛОВ С ППРЧ В ДИСПЕРЕСНЫХ КВ-РАДИОКАНАЛАХ

#### Д.В. Иванов

# HOP LENGHT AND FREQUENCY TUNING VELOCITY LIMITS BECAUSE OF SIGNALS WITH PROGRAMMED TUNABLE WORK FREQUENCY PROPAGATION IN DISPERSIVE HF RADIO CHANNELS

#### D.V. Ivanov

#### Введение

В настоящее время в КВ-радиосвязи начинают использоваться сложные сигналы, для которых принципиальной является согласованная обработка в приемнике. Особый интерес представляют дискретно-кодированные сигналы со случайноступенчатой ЧМ (ППРЧ), позволяющие изменять частотно-временную структуру в процессе рабочего сеанса. В силу этого такие сигналы обеспечивают повышенную скрытность функционирования радиоканала. Основным функциональным элементов систем с ППРЧ является согласованный фильтр, который осуществляет когерентное сложение парциальных частотно-временных элементов. Для реализации согласованного приема таких сигналов следует также учитывать ряд ограничительных факторов (см., например, [1]). Один из них связан с рассогласованием сигнала из-за распространения в дисперсной квазистационарной среде, а это приводит к энергетическим потерям на выходе радиоканала. Степень рассогласования испытывает изменения в зависимости от условий распространения сигнала в ионосфере.

Целью работы являются теоретические и экспериментальные исследования энергетических потерь для сигналов с ППРЧ из-за их распространения в ионосферных квазистационарных каналах с частотной дисперсией фазы.

### Модель нестационарного ионосферного радиоканала

Рассмотрим в лучевом приближении для заданной радиолинии радиоканал на частоте  $f_p$  (рабочей), полоса пропускания которого  $\Delta f$  ограничивается каналообразующими устройствами (передатчиком и приемником). Обычно

$$\Delta f \ll f_{\rm p}$$
, (1)

поэтому

$$H_{0j}(f) \approx H_{0j}(f_{\rm P}),$$
  

$$\varphi_{\rm i}(f) \approx \varphi_{\rm i}(f_{\rm P}) + 2\pi\tau_{\rm i}(f_{\rm P}) \cdot \Delta f + \pi s_{\rm i}(f_{\rm P}) \cdot \Delta f^2.$$
(2)

где j — номер принимаемого луча.

Здесь третье слагаемое в разложении фазы учитывает дисперсионные искажения. В случае квазистационарного канала для небольших масштабов времени  $\Delta t = t - t_0 \ (t_0 -$ начало отсчета времени), фазу передаточной функции отдельного

луча можно разложить в ряд Тейлора по степеням  $\Delta f$  и  $\Delta t$ , и без учета дисперсии представить в виде

$$\varphi_{i}(f,t) \approx \varphi_{i}(f_{P},t_{0}) + 2\pi\tau_{i}\Delta f - 2\pi f_{di}\Delta t, \qquad (3)$$

где  $f_{\rm d}$  — доплеровское смещение частоты.

### Рассогласование сигналов с ППРЧ в стационарных радиоканалах с дисперсией

Сигналы с ППРЧ можно представить следующим образом:

$$a(t) = \begin{cases} \sum_{n=1}^{m} Q_n(t) \exp(j2\pi (f_p + f_n)t), & 0 \le t \le nT, \\ 0 & \text{для других } t \end{cases}$$
 
$$Q_n(t) = \begin{cases} Q\{t - (n-1)T\} = 1, \ (n-1)T \le t \le nT, \\ 0 & \text{для других } t \end{cases}, \quad (4)$$

где m — количество элементов в сигнале (основание кода),  $f_{\rm p}$  — рабочая частота,  $f_{\rm n}$  — частота, выбранная по случайному закону.

Величина  $\Delta f$ , равная полосе частот сигнала, определяет величину максимального скачка, 1/T – скорость перестройки частоты, а w=1/mT – скорость передачи информации.

При выполнении условий

$$T >> \tau_0 \text{ in } T >> \Delta \tau$$
,

где  $au_0 = \sqrt{0.5|s|}$  [2], а  $\Delta au$  — разброс задержек элементов сигнала из-за частотной зависимости au(f), и, предполагая, что принимаемый сигнал синхронизирован с сигналом гетеродина (au=0), а частота  $f_n$  является случайной величиной, распределенной равномерно в интервале  $[-\Delta f/2; \Delta f/2]$ , можем найти математическое ожидание сжатого сигнала  $a_{\mathbf{x}}(t)$ :

$$M[a_{s}(t)] = m |H(f_{p})| Q(t) \frac{\sqrt{C^{2}(z) + S^{2}(z)}}{z} \times \exp\{j[\varphi(f_{p}) + arctg \frac{S(z)}{C(z)}]\},$$
(5)

где 
$$z = \sqrt{2s}\Delta f$$
.

Формула (5) не учитывает расплывания элемента сигнала и вариации задержки элементов из-за зависимости  $\tau(f)$ , а учитывает только дрожание (jitter) фазы величиной  $\pi s f_n^2$ . Из нее не трудно получить выраже-

ние для коэффициента энергетических потерь  $\eta$  сигнала:

$$\eta = 10 \lg \frac{P_2}{P_1} = 10 \lg \frac{C^2(z) + S^2(z)}{z_1^2},$$
 (6)

где  $P_{2,1}$  – пиковая мощность сигнала на выходе радиоканала с искажениями и без.

Видим, что коэффициент потерь  $\eta$  достигает значения 1.5 дБ уже при  $\Delta f \approx 1.4 \Delta f_{\rm k}$  , где  $\Delta f_{\rm kj} = 2/\sqrt{\pi \left|s_{\rm j}\right|}$  .

Это означает, что канал распространения с дисперсией ограничивает возможный выигрыш при обработке сигнала из-за дрожания фазы. Кроме этого эффекта огибающая парциального сигнала испытывает «расплывание», которое в случае прямоугольной огибающей составляет 40 % при  $T_{\min} = \sqrt{\pi s}$ . Также элементы с разными частотами заполнения  $f_{\rm n}$  имеют разные времена прихода. Так, при максимальном диапазоне скачка, равном  $\Delta f_{\rm n}$  и наклоне дисперсионной характеристики s разброс задержек принимаемых элементов составит  $\Delta \tau = s\Delta f$ . Уширение огибающей радиоимпульса и разброс задержек будут приводить к явлению межсимвольной интерференции. Энергетические потери из-за нее не превысят 30 % (1.5 дБ), если  $T_{\min} \ge 6\Delta \tau$ .

Для борьбы с межсимвольной интерференцией обычно вводят защитный интервал длительностью  $\Delta \tau$ , поэтому результирующее условие на минимальную длительность элемента сигнала будет иметь вид

$$T_{\min} \geq 7\Delta \tau$$
.

Таким образом, максимальную скорость частотной перестройки N можно оценить по формуле

$$N = \frac{1}{T_{\min}} = \frac{1}{7\Delta\tau} = \frac{1}{7s\Delta f}.$$
 (8)

На рисунке представлены зависимости  $N(\Delta f)$  в логарифмическом масштабе при различных значениях параметра s (5 мкс/МГц — линия 1; 10 мкс/МГц — линия 2; 20 мкс/МГц — линия 3; 40 мкс/МГц — линия 4; 80 мкс/МГц — линия 5; 160 мкс/МГц — линия 6).

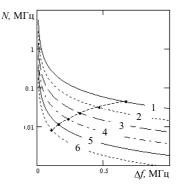
Формула  $\Delta f \approx 1.3 \Delta f_{\rm k}$  позволяет оценить оптимальный диапазон максимального скачка  $\Delta f$ , который равен

$$\Delta f = \frac{1.5}{\sqrt{s}} \,. \tag{9}$$

Пунктиром на рисунке показаны оптимальные значения  $\Delta f$  и соответствующие им максимальные N.

## Рассогласование сигналов с ППРЧ в квазистационарном радиоканале

В данном случае модель ФЧХ канала имеет вид (3). Считая, что принятый сигнал синхронизирован с



сигналом гетеродина (  $\tau = 0$  ), на выходе приемника будем иметь

$$a_{s}(t) = \sum_{n=1}^{m} H(f_{P}) \exp\{j(\phi_{o} + 2\pi f_{d}(t - [n-1]T))\}Q(t). (10)$$

Учитывая, что формула (10) представляет сумму m членов геометрической прогрессии, нетрудно получить выражение для пиковой мощности сигнала на выходе приемника:

$$P_2 = \left| H(f_p) \right|^2 \left[ \frac{\sin \pi m T f_d}{\sin \pi T f_d} \right]^2. \tag{11}$$

Следовательно, коэффициент энергетических потерь будет иметь вид

$$\eta = 10 \lg \left( \frac{P_2}{P_1} \right) = 20 \lg \left\{ \frac{\sin \pi m T f_d}{\sin \pi T f_d} \right\}, \tag{12}$$

где  $P_1 = \left| H(f_{\rm p}) \right|^2 \cdot m^2$  — пиковая мощность сигнала на выходе стационарного радиоканала.

С учетом параметров ионосферного КВ-канала числитель и знаменатель в формуле (12) можно разложить в ряд Тейлора. Принимая условие  $m^2 >> 1$ , для  $\eta$  окончательно получим:

$$\eta \approx 0.1 \left( \frac{f_d}{w} \right)^2. \tag{13}$$

Для того чтобы потери не превышали  $\eta$ =1.5 дБ, необходимо выполнение условия

$$w \ge 3.3 f_{\rm d} \,. \tag{14}$$

Видно, что чем выше скорость передачи информации w, тем меньшее влияние на энергетические потери оказывает доплеровский сдвиг частоты. При  $f_{\rm d} < 10~\Gamma$ ц потери будут менее 1.5 дБ, если  $w>33~{\rm бит/c}$ .

Работа выполнена при поддержке РФФИ (проекты: 05-07-90313 и 04-05-65120).

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Иванов В.А., Рябова Н.В., Шумаев В.В. Основы радиотехнических систем ДКМ диапазона: Учеб. пособие. Йошкар-Ола: МарГТУ, 1998. 204 с.

Марийский государственный технический университет, Йошкар-Ола